Дата: 16,18 ноября 2021

Группа: м-11

Предмет: Математика

Тема: Логарифм числа.

**Преподаватель:** Леханова Елена Анатольевна

**Перепишите в тетрадь.**

**Что такое логарифм и как его посчитать**

Мы изучили показательные уравнения. Давайте повторим, решив одно из них.

2х =32

Запишем данное уравнение так: 2х =25 , откуда х = 5.

Напомним, что левую и правую части уравнения удалось представить в виде степени с одним и тем же основанием 2.

А теперь, попробуем решить еще одно показательное уравнение. 2 х = 30. (2)

Теперь, тех знаний с точки зрения решения показательных уравнений, недостаточно.

Есть ли корень у этого показательного уравнения? Да, есть.

Как его найти, если уравнение не решается привычным способом?

И теперь, мы введем понятие «логарифм», которое поможет нам решить данное уравнение.

Важно запомнить!

Логарифм (от греч. λόγος – «слово», «отношение», άριθμός - «число») определяется как показатель степени, в которую надо возвести основание, чтобы получить число.

Логарифм имеет следующий вид:

Chto takoe logarifm3где a – это основание логарифма,

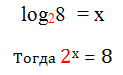
b – это аргумент логарифма

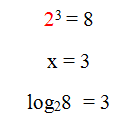
Чтобы узнать значение логарифма приравняем его к X.Chto takoe logarifm4и преобразовываем вChto takoe logarifm5Запомните, что именно основание (оно выделено красным) возводится в степень.

Чтобы было легче, можно запоминать так – основание всегда остается внизу (и в первом, и во втором выражении a внизу)!

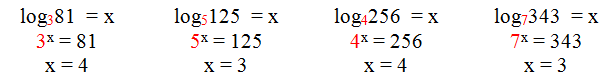
Приведем пример:

Chto takoe logarifm6

Чтобы вычислить данный логарифм, необходимо приравнять его к X и воспользоваться правилом, описанным выше:А в какую степень нужно возвести 2, чтобы получилось 8? Конечно же в третью степень, таким образом:

Еще раз обращаю ваше внимание, что основание (в нашем случае это – 2) всегда находится внизу и именно оно возводится в степень.

Еще примеры:



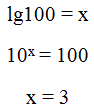
**Логарифмы со специальным обозначением**

Для некоторых логарифмов в математике введены специальные обозначения. Это связано с тем, что такие логарифмы встречаются особенно часто. К таким логарифмам относятся десятичный логарифм и натуральный логарифм. Для этих логарифмов справедливы все правила, что и для обычных логарифмов.

**Десятичный логарифм**

Десятичный логарифм обозначается lg и имеет основание 10, т.е.

Chto takoe logarifm10Чтобы вычислить десятичный логарифм, нужно 10 возвести в степень X.

Например, вычислим lg100

**Натуральный логарифм**

Натуральный логарифм обозначается ln и имеет основание e, то есть

Chto takoe logarifm12

Чтобы вычислить данный логарифм нужно число е возвести в степень x. Некоторые из вас спросят, что это за число такое е? Число е – это иррациональное число, т.е. точное его значение вычислить невозможно. е = 2,718281…

Сейчас не будем подробно разбирать, зачем это число нужно, просто запомним, что

Chto takoe logarifm12

И вычислить его можно таким образом:

**Основные свойства логарифмов**

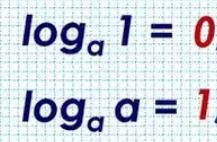
Логарифмы можно преобразовывать, но для этого необходимо знать правила, которые называются основными свойствами логарифмов. Данные свойства обязательно нужно знать каждому ученику! Без знания этих свойств невозможно решить ни одну серьезную логарифмическую задачу. Вот эти свойства(перепишите 9 свойств):



Совет – тренируйтесь применять эти свойства в обе стороны, то есть как слева направо, так и справа налево!

Рассмотрим свойства логарифмов на примерах.

**Логарифмический ноль и логарифмическая единица**



Это следствия из определения логарифма. И их нужно обязательно запомнить. Эти  простейшие свойства нередко вводят учеников в ступор.

Запомните, что логарифм от a по основанию а всегда равен единице:

log*a* *a* = 1 – это логарифмическая единица.

Если же в аргументе стоит единица, то такой логарифм всегда равен нулю независимо от основания, так как a0 = 1:

log*a* 1 = 0 – логарифмический ноль.

**Основное логарифмическое тождество**

Chto takoe logarifm16

Chto takoe logarifm17

В первой формуле число m становится степенью, которая стоит в аргументе. Данное число может быть любым. Некоторые выражения могут быть решены только с помощью этого тождества.

Вторая формула по сути является просто переформулированным определением логарифма

Разберем применение тождества на примере:

Необходимо найти значение выраженияChto takoe logarifm18Сначала преобразуем логарифм

Chto takoe logarifm19Вернемся к исходному выражению и применим правило умножения степеней с одинаковым основанием:Chto takoe logarifm20Теперь применим основное логарифмическое  тождество и получим:Chto takoe logarifm21

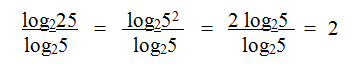
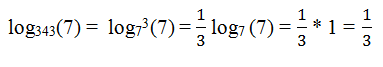
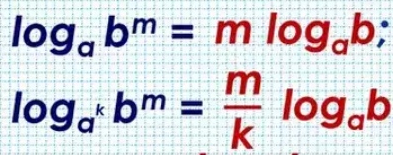
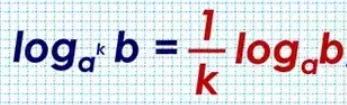
**Сумма логарифмов. Разница логарифмов**

Логарифмы с одинаковыми основаниями можно складывать:Chto takoe logarifm22Chto takoe logarifm23Логарифмы с одинаковыми основаниями можно вычитать:Chto takoe logarifm25Мы видим, что исходные выражения состояли из логарифмов, которые по отдельности не вычисляются, а при применении свойств логарифмов у нас получились нормальные числа. Поэтому повторим, что основные свойства логарифмов нужно знать обязательно!

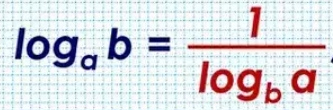
Обратите внимание, что формулы суммы и разности логарифмов верны только для логарифмов с **одинаковыми основаниями!** Если основания разные, то данные свойства применять нельзя!

**Вынесение показателя степени из логарифма**

Вынесение показателя степени из логарифма:



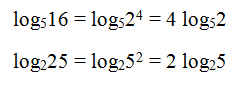
**Переход к новому основанию**

Когда мы разбирали формулы суммы и разности логарифмов, то обращали внимание на то, что основания логарифмов должны быть при этом одинаковыми. А что же делать, если основания логарифмов разные? Воспользоваться свойством перехода к новому основанию.

Такие формулы чаще всего нужны при решении логарифмических уравнений и неравенств.

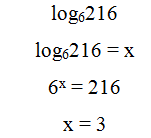
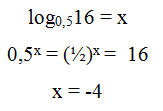
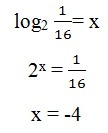
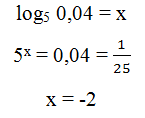
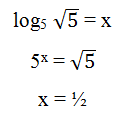
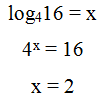
Разберем на примере.

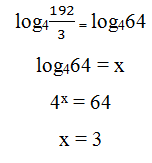
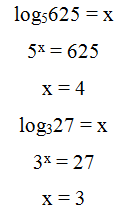
Необходимо найти значение такого выраженияChto takoe logarifm31Для начала преобразуем каждый логарифм с помощью свойства вынесения показателя степени из логарифма:



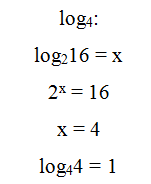
Теперь применим переход к новому основанию для второго логарифма:Chto takoe logarifm33Подставим полученные результаты в исходное выражение:Chto takoe logarifm34

**10 примеров логарифмов с решением**

1. Найти значение выражения2. Найти значение выражения3. Найти значение выражения4. Найти значение выражения5. Найти значение выражения6. Найти значение выраженияChto takoe logarifm40Сначала найдем значениеChto takoe logarifm41Для этого приравняем его к Х:Тогда изначальное выражение принимает вид:

Chto takoe logarifm437. Найти значение выраженияChto takoe logarifm44Преобразуем наше выражение:Chto takoe logarifm45Теперь воспользуемся свойством вынесения показателя степени из логарифма и получим: Chto takoe logarifm468. Найти значение выраженияChto takoe logarifm47Так как основания логарифмов одинаковые, воспользуемся свойством разности логарифмов:9. Найти значение выраженияChto takoe logarifm49Так как основания логарифмов разные, применять свойство суммы логарифмов нельзя. Поэтому решаем каждый логарифм по отдельности:Подставляем полученные значения в исходное выражение:

4 + 3 = 7

10. Найти значение выраженияChto takoe logarifm51Обращаем внимание, что данное выражение – это не произведение логарифмов. У логарифма по основанию 4 подлогарифным выражением является log216. Поэтому сначала найдем значение log216, а затем подставим полученный результат в log4:

Надеюсь, теперь вы разобрались, что такое логарифм.